# Leis estatísticas governando flutuações no tamanho de plantas

Renio dos Santos Mendes



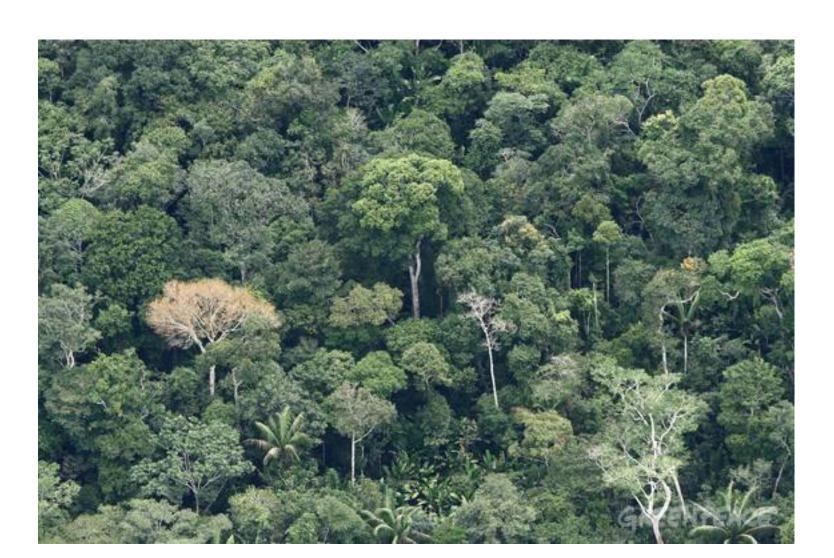


## Sobre a apresentação

- Plantas em competição
  - Flutuação dos tamanhos
  - Modelos
    - Cadeia logística
    - Autômato celular
- Outros trabalhos
  - Padrões em amplitudes sonoras de músicas
  - Papel amassado e terremotos
  - Eleições
- Outras investigações em andamento
  - Guerras e guerrilhas, cognição e treinamento, loterias, xadrez, equilíbrio e plataforma de força, epidemias e doenças tropicais, ...

#### Plantas em competição

Diferentes espécies, idades e condições



#### Plantas em competição Mesmas espécie, idade e condições Situação mais simples



#### Milho: tipos de plantações

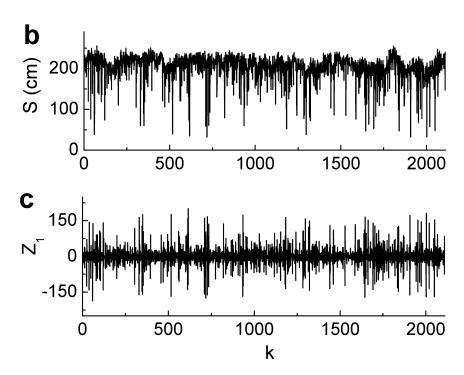


Distância entre plantas: 21 cm

Distância entre filas: 90cm

#### Medidas de altura





Altura do pé de milho

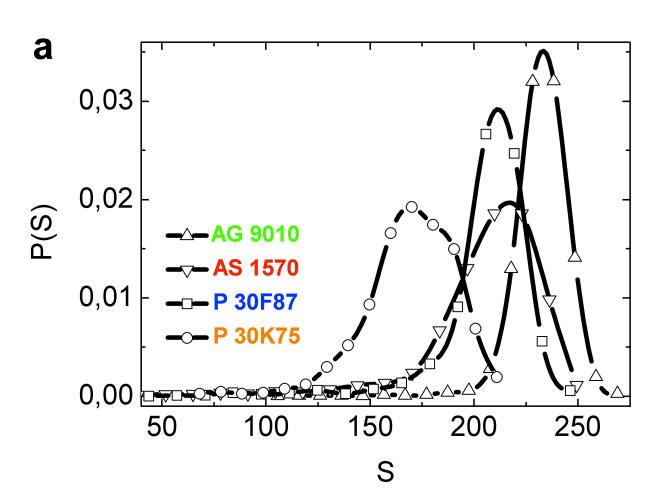
Série das alturas: S<sub>n</sub>

Série das flutuações:  $Z_1(n) = S_{n+1} - S_n$ 

Variedades comerciais: AG 9010, AS 1570, P 30F87, P 30K75

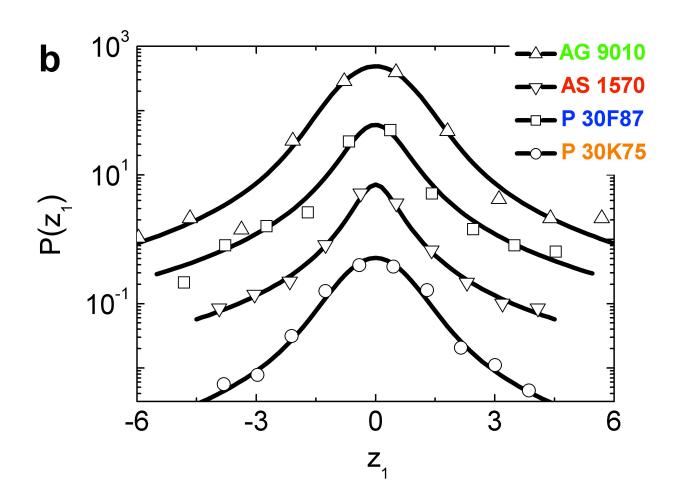
## Distribuição dos tamanhos

#### Assimetria da distribuição

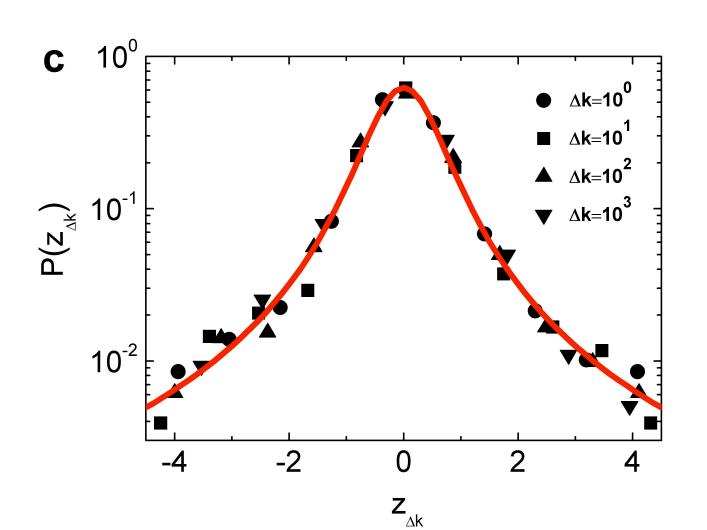


## Flutuações dos tamanhos

#### Distribuições de cauda longa

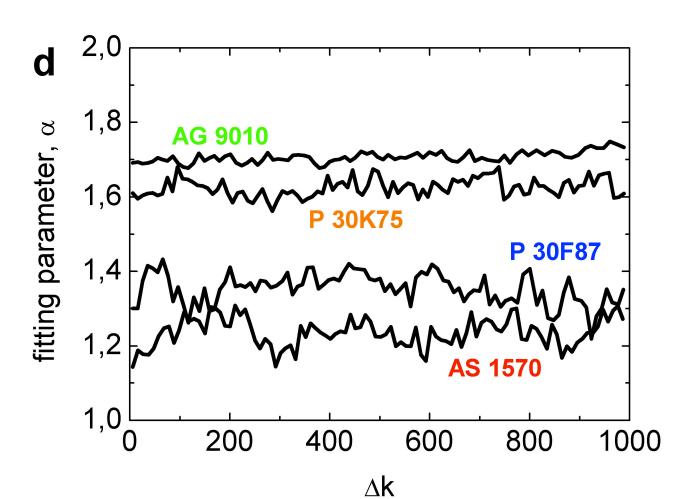


## Estrutura de escala das flutuações dos tamanhos



## Distribuições de Lévy

$$P_L(z) = \frac{1}{\pi} \int_0^\infty e^{-\gamma q^{\alpha}} \cos(qz) \ dq$$



#### Divulgação desses resultados





## Scale-invariant structure of size fluctuations in plants

SUBJECT AREAS:

STATISTICAL PHYSICS, THERMODYNAMICS AND NONLINEAR DYNAMICS

APPLIED PHYSICS

PLANT SCIENCES

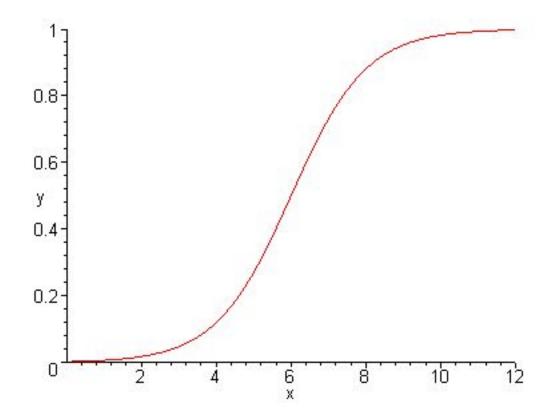
S. Picoli Jr1,2, R. S. Mendes1,2, E. K. Lenzi1,2 & L. C. Malacarne1

Departamento de Física, Universidade Estadual de Maringá, 87020-900 Maringá, Paraná, Brazil, <sup>2</sup>National Institute af Science and Technology for Complex Systems, 22290-180 Rio de Janeiro RJ, Brazil.



#### Crescimento

Crescimento inicial e saturação Modelos comuns: exponencial e logístico



## Cadeia logística

- Sistema unidimenional
- Interação entre primeiros vizinhos
- Aspecto aleatório

$$S_k(t+1) - S_k(t) = A_k S_k(t) - B_k S_k(t)^2$$

 $A_k$  e  $B_k$  são números aleatórios

$$A_k = 1 - \lambda_k$$

$$\lambda_{k+1} = (a_0 + a_1 \lambda_k) \epsilon_k$$